

Diskretne slučajne varijable - zadaci za ponavljanje

1. Slučajna varijabla X dana je zakonom razdiobe

$$X \sim \begin{pmatrix} -2 & -1 & 1 & 2 \\ a & 0.2 & 0.3 & 0.4 \end{pmatrix}.$$

- (a) Odredite vrijednost parametra a .
(b) Izračunajte disperziju slučajne varijable X .

2. Neka su X i Y nezavisne slučajne varijable distribuirane po zakonu

$$X \sim \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}, \quad Y \sim \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{pmatrix}.$$

- (a) Odredite zakon razdiobe slučajne varijable $Z = X - Y$.
(b) Izračunajte disperziju slučajne varijable $Z = X - Y$.
(c) Izračunajte očekivanje slučajne varijable $Z = \frac{X}{Y}$.
3. U kutiji se nalazi 7 kuglica od kojih su 3 bijele. Slučajno odabiremo 3 kuglice odjednom te neka slučajna varijabla X bilježi broj izvučenih bijelih kuglica.
(a) Odredite zakon razdiobe slučajne varijable X .
(b) Izračunajte očekivanje slučajne varijable X .
4. Na raspolaganju nam je jedno grlo za žarulje i ukupno 6 žarulja od kojih su 2 ispravne i 4 neispravne. Žarulje isprobavamo jednu za drugom, bez ponavljanja, do pojave svjetlosti. Slučajna varijabla X označava redni broj pokušaja u kojem se pojavila svjetlost.
(a) Odredite zakon razdiobe slučajne varijable X .
(b) Izračunajte očekivanje slučajne varijable X .
5. Bacamo dvije simetrične kocke. Slučajna varijabla X mjeri absolutnu vrijednost razlike brojeva na kockama. Odredite očekivanje slučajne varijable X .
6. Ante pogađa koš s vjerojatnošću 0.6. Ante izvodi slobodna bacanja sve dok ne postigne koš. Neka slučajna varijabla X bilježi redni broj slobodnog bacanja u kojem je postignut koš.
(a) Odredite razdiobu i očekivanje slučajne varijable X .
(b) Kolika je vjerojatnost da Ante neće postići koš u prva tri bacanja?
7. Bacamo devet kocaka. Kolika je vjerojatnost događaja A i B ako je

$$\begin{aligned} A &= \{\text{šestica se pojavila točno tri puta}\}, \\ B &= \{\text{šestica se pojavila barem tri puta}\}. \end{aligned}$$

8. Strijelac pogađa metu s vjerojatnošću 0.6.
 - (a) Kolika je vjerojatnost da će u osam pokušaja pogoditi metu točno 3 puta?
 - (b) Kolika je vjerojatnost da će u osam pokušaja pogoditi metu barem 3 puta?
9. Neka je X binomna slučajna varijabla s očekivanjem $E(X) = 3$ i disperzijom $D(x) = 2.5$. Izračunajte vjerojatnost događaja $\{X \geq 2\}$.
10. Pretpostavimo da je 250 grešaka slučajno raspoređeno unutar knjige od 200 stranica.
 - (a) Izračunajte vjerojatnost da slučajno odabrana stranica sadrži točno tri greške.
 - (b) Izračunajte vjerojatnost da slučajno odabrana stranica sadrži barem tri greške.
11. Unutar smjese od koje je ispečeno 40 kolačića stavljen je 100 zrna grožđica.
 - (a) Izračunajte vjerojatnost da slučajno odabrani kolačić sadrži točno četiri grožđice.
 - (b) Izračunajte vjerojatnost da slučajno odabrani kolačić sadrži barem četiri grožđice.
12. Slučajna varijabla X ima Poissonovu razdiobu. Ako je $P(X = 2) = P(X = 3)$, izračunajte $E(X)$ i vjerojatnost $P(X \geq 3)$.